

<http://road.issn.org/issn/2518-1726>

ISSN 1991-346X

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫ
ҰЛТТЫҚ ҒЫЛЫМ АКАДЕМИЯСЫНЫҢ

Х А Б А Р Л А Р Ы

ИЗВЕСТИЯ

НАЦИОНАЛЬНОЙ АКАДЕМИИ НАУК
РЕСПУБЛИКИ КАЗАХСТАН

NEWS

OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES
OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN

**ФИЗИКА-МАТЕМАТИКА
СЕРИЯСЫ**



СЕРИЯ

ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКАЯ



**PHYSICO-MATHEMATICAL
SERIES**

5 (309)

**ҚЫРКҮЙЕК – ҚАЗАН 2016 ж.
СЕНТЯБРЬ – ОКТЯБРЬ 2016 г.
SEPTEMBER – OCTOBER 2016**

1963 ЖЫЛДЫҢ ҚАҢТАР АЙЫНАН ШЫҒА БАСТАҒАН
ИЗДАЕТСЯ С ЯНВАРЯ 1963 ГОДА
PUBLISHED SINCE JANUARY 1963

ЖЫЛЫНА 6 РЕТ ШЫҒАДЫ
ВЫХОДИТ 6 РАЗ В ГОД
PUBLISHED 6 TIMES A YEAR

АЛМАТЫ, ҚР ҰҒА
АЛМАТЫ, НАН РК
ALMATY, NAS RK

ҚР ҰҒА ХАБАРЛАРЫ. ФИЗИКА-МАТЕМАТИКА СЕРИЯСЫ

Бас редакторы
ф.-м.ғ.д., проф., ҚР ҰҒА академигі **Ғ.М. Мұтанов**

Р е д а к ц и я а л қ а с ы:

Жұмаділдаев А.С. проф., академик (Қазақстан)
Кальменов Т.Ш. проф., академик (Қазақстан)
Жантаев Ж.Ш. проф., корр.-мүшесі (Қазақстан)
Өмірбаев У.У. проф. корр.-мүшесі (Қазақстан)
Жүсіпов М.А. проф. (Қазақстан)
Жұмабаев Д.С. проф. (Қазақстан)
Асанова А.Т. проф. (Қазақстан)
Бошкаев К.А. PhD докторы (Қазақстан)
Сұраған Д. PhD докторы (Қазақстан)
Quevedo Hernando проф. (Мексика),
Джунушалиев В.Д. проф. (Қырғыстан)
Вишневский И.Н. проф., академик (Украина)
Ковалев А.М. проф., академик (Украина)
Михалевич А.А. проф., академик (Белорус)
Пашаев А. проф., академик (Әзірбайжан)
Такибаев Н.Ж. проф., академик (Қазақстан), бас ред. орынбасары
Тигиняну И. проф., академик (Молдова)

ИЗВЕСТИЯ НАН РК. СЕРИЯ ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКАЯ

Главный редактор
д.ф.-м.н., проф. академик НАН РК **Г.М. Мутанов**

Редакционная коллегия:

Джумадильдаев А.С. проф., академик (Казахстан)
Кальменов Т.Ш. проф., академик (Казахстан)
Жантаев Ж.Ш. проф., чл.-корр. (Казахстан)
Умирбаев У.У. проф. чл.-корр. (Казахстан)
Жусупов М.А. проф. (Казахстан)
Джумабаев Д.С. проф. (Казахстан)
Асанова А.Т. проф. (Казахстан)
Бошкаев К.А. доктор PhD (Казахстан)
Сураган Д. доктор PhD (Казахстан)
Quevedo Hernando проф. (Мексика),
Джунушалиев В.Д. проф. (Кыргызстан)
Вишневский И.Н. проф., академик (Украина)
Ковалев А.М. проф., академик (Украина)
Михалевич А.А. проф., академик (Беларусь)
Пашаев А. проф., академик (Азербайджан)
Такибаев Н.Ж. проф., академик (Казахстан), зам. гл. ред.
Тигиняну И. проф., академик (Молдова)

«Известия НАН РК. Серия физико-математическая». ISSN 1991-346X

<http://road.issn.org/issn/2518-1726>

Собственник: РОО «Национальная академия наук Республики Казахстан» (г. Алматы)

Свидетельство о постановке на учет периодического печатного издания в Комитете информации и архивов Министерства культуры и информации Республики Казахстан №5543-Ж, выданное 01.06.2006 г.

Периодичность: 6 раз в год.

Тираж: 300 экземпляров.

Адрес редакции: 050010, г. Алматы, ул. Шевченко, 28, ком. 219, 220, тел.: 272-13-19, 272-13-18,
[www.nauka-nanrk.kz / physics-mathematics.kz](http://www.nauka-nanrk.kz/physics-mathematics.kz)

© Национальная академия наук Республики Казахстан, 2016

Адрес типографии: ИП «Аруна», г. Алматы, ул. Муратбаева, 75.

**NEWS OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC
OF KAZAKHSTAN. SERIES OF PHYSICS AND MATHEMATICS**

E d i t o r i n c h i e f

doctor of physics and mathematics, professor, academician of NAS RK **G.M. Mutanov**

E d i t o r i a l b o a r d:

Dzhumadildayev A.S. prof., academician (Kazakhstan)
Kalmenov T.Sh. prof., academician (Kazakhstan)
Zhantayev Zh.Sh. prof., corr. member. (Kazakhstan)
Umirbayev U.U. prof. corr. member. (Kazakhstan)
Zhusupov M.A. prof. (Kazakhstan)
Dzhumabayev D.S. prof. (Kazakhstan)
Asanova A.T. prof. (Kazakhstan)
Boshkayev K.A. PhD (Kazakhstan)
Suragan D. PhD (Kazakhstan)
Quevedo Hernando prof. (Mexico),
Dzhunushaliyev V.D. prof. (Kyrgyzstan)
Vishnevskiy I.N. prof., academician (Ukraine)
Kovalev A.M. prof., academician (Ukraine)
Mikhalevich A.A. prof., academician (Belarus)
Pashayev A. prof., academician (Azerbaijan)
Takibayev N.Zh. prof., academician (Kazakhstan), deputy editor in chief.
Tiginyanu I. prof., academician (Moldova)

News of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan. Physical-mathematical series.
ISSN 1991-346X

<http://road.issn.org/issn/2518-1726>

Owner: RPA "National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan" (Almaty)

The certificate of registration of a periodic printed publication in the Committee of information and archives of the Ministry of culture and information of the Republic of Kazakhstan N 5543-Ж, issued 01.06.2006

Periodicity: 6 times a year

Circulation: 300 copies

Editorial address: 28, Shevchenko str., of. 219, 220, Almaty, 050010, tel. 272-13-19, 272-13-18,
www.nauka-nanrk.kz / physics-mathematics.kz

© National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan, 2016

Address of printing house: ST "Aruna", 75, Muratbayev str, Almaty

NEWS

OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN

PHYSICO-MATHEMATICAL SERIES

ISSN 1991-346X

Volume 5, Number 309 (2016), 203 – 212

UDC 517.956.32

A. A. Kopzhasarova, G. A. Besbayev, E.A. Abylkassymova, A.SH. ShaldanbayevM. Auezov South Kazakhstan State University
shaldanbaev51@mail.ru**SPECTRAL RESOLUTIONS OF SOLUTION OF VOLTAIRE NONLOCAL BOUNDARY VALUE PROBLEMS OF A WAVE EQUATION**

Abstract. The wave equations are used in various branches of science and techniques, such as hydrologies, seismology and when studying the dynamics of an advance of waves in liquid and gas. Nevertheless, boundary value problems of this equation are little studied. In this work an attempt of studying of spectral properties of a nonlocal problem by methods of the theory of operators in spaces with indefinite metrics is made.

Keywords: wave equation, nonlocal boundary conditions, regular solubility, range, Voltairian operators, Crane space, self-conjugacy, automorphisms, basis of Riesz, spectrum analysis.

ӘОЖ 517.956.32

А.А. Көпжасарова, Г. А. Бесбаев, Э. А. Абылкасымова, А.Ш. Шалданбаев

Оңтүстік-Қазақстан мемлекеттік университеті

ТОЛҚЫН ТЕНДЕУІНІҢ ШАРТАРАПТЫ ВОЛТЕРЛІ ЕСЕПТЕРІНІҢ КРЕЙННІҢ КЕҢІСТІГІНДЕГІ СПЕКТРӘЛДІК ТАРАЛЫМДАРЫ

Аннотация. Толқындық теңдеулер гидрология, сейсмология сияқты ғылым мен техниканың әр түрлі салаларында кездеседі, алайда, сұйық және газ толқындардың таралу динамикасын зерттегенде теңдеудің осы шеттік мәселесі аз зерттелген. Шартарапты мәселелеріне арналған жұмыстар өте аз.

Бұл мақалада индефиниттік метрикалармен кеңістіктің операторлар теориясының әдістерімен шартарапты есептің спектрлік қасиеттерін зерттеуге әрекет жасалынды.

Түйін сөздер: толқындық теңдеулер, шартарапты шекаралық шарттар, тұрақты шешілуі, спектр, волтерлі операторлары, Крейн кеңістігі, өзін-өзі түйіндес, Рисс базисі, спектрлік жүктеулер.

1. Кіріспе. Гиперболалық теңдеулердің шекаралық есептері аз зерттелген. Мұның бір себебі, оның характеристикалық формасының бір таңбалы болмауында болса керек, дәл осы себепті, вариациялық әдістер-де жарамайды. Тағы да, бір себебі [1], ертеректе француз ғалымы Ж-Адамар өз еңбектерінде гиперболалық теңдеулерге бастапқы есептер қолайлы, екеніне, назар аударған.

Өткен ғасырдың 60- жылдарынан бастап, математикалық физика саласына сызықтық операторлар теориясы қолданыла бастады, оған мұрындық болған К. Фридрихс [2], Дж.Ф. Нейман [3] және С.Л.Соболевтің [4] еңбектері болса керек. Нейманның еңбектерінен бастау алған, М.И.Вишик [5] өзінің әйгілі операторларды шыйрату теориясын жасады, бұл еңбек Қазақстанда М.Өтелбаев [6] пен Калменовтың [7] еңбектерінде жалғасын тапты. Өкінішке орай, бұл теориялар-да гиперболалық теңдеулерде сәтсіздікке ұшырады, оның себебі, мынада. Сызықтық операторлар теориясын шекаралық есептерге қолданған сәтте кішік (минимальный) оператор мен ұлық (максимальный) операторларды тұрғызу қажет болады,

сонда L_0 кішік оператор болса оның сыңары (формально сопряженный) L_0^* ұлық оператор, болады, яғни көп жағдайда (әркез емес) $L_0 \subset L_0^*$ шарты орындалады. Сонда біздің шекаралық есебіміз осы екі оператордың арасында жатуы керек, яғни

$$L_0 \subset L \subset L_0^*$$

Әлгі, операторларды шыйрату (кеңіту) теориясында L_0 операторының қайтымды болуы талап етіледі [7,57 б], яғни шектеулі L_0^{-1} - кері операторы бар болуы қажет, бұл шарт әркез орындала бермейді, мысалы,

$$L_0 u = u_{xx} - u_{yy}, \quad D(L_0) = C_0^\infty(\Omega),$$

$$\Omega = [0,1] \times [0,1], \quad \text{болса, онда}$$

$$u_{xx}(x, y) = \sin m\pi x \cdot \sin n\pi y, \quad n, m = 1, 2, \dots$$

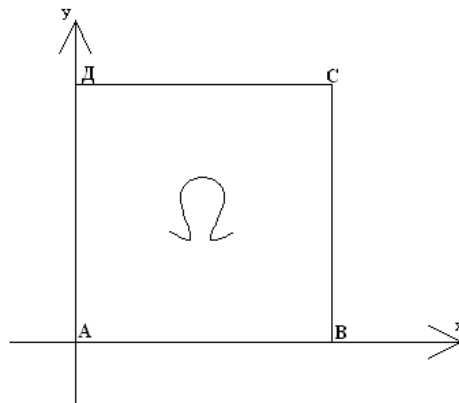
функциялары үшін

$$L_0 u_{mn} = \pi^2(m^2 - n^2)u_{mn}, \quad m, n = 1, 2, \dots$$

тендіктері орындалары, айдан анық, мұнан, біз $\lambda = 0$ шамасының L_0 операторының шексіз еселі меншікті мәні екенін көреміз, яғни L_0^{-1} операторы жоқ.

Десек-те, интегралдық кейіп пен Риман – Адамар, және алғы бағалау әдістері бойынша, гиперболалық теңдеулердің біраз шекаралық есептері Т.Ш. Калменовтың еңбектерінде зерттеледі, және оның монографиясында [7] көрініс тапты. Сондай-ақ, [8-15] еңбектер-де осы мәселенің төңірегінде, біздің зерттеуіміз барысында [16-19] еңбектер басшылыққа алынды, зерттеу нысанының кейбір мәселелері [20] еңбекте қарастырылды.

Толқын теңдеуінің бір ерекше қасиеті, оның нақты характеристикаларының болуында, алғы шартты, параллел жатқан екі характеристиканың тек біреуінде ғана беруге болады, екіншісі бос болуы керек, міне осы жай толқын теңдеуіне шартарапты (нелокальный) есепті қоюға негіз болды. Төменге, қара



1-сурет

$$\begin{cases} u_{xy} = f(x, y), & (x, y) \in \Omega \\ u|_{AB} = \alpha u|_{CD}, & u|_{AD} = \beta u|_{BC} \end{cases}$$

Бұрынырақ біз [14],[21] еңбектерде біз толқын теңдеуінің бұл шартарапты есебінің тұрлаулы шешілетінін көрсетеміз, яғни шешімнің бар екенін, және оның бастапқы шарттарға үзкіс тәуелді екенін дәлелдегенбіз, ал [22] еңбекте бұл есептің вөлтерлі болуының үзілді кесілді шарттары табылған еді. Солардың ішінде екеуі бұрын сонды кездеспеген еді, енді солардың Крейннің кеңістігіндегі спектралдік таралымын алмақпыз [23].

Есептің қойылуы.

1. $\alpha = 0, \beta \neq 0$; болған жағдай.

Бұл сәтте есебіміз, мына,

$$Lu = u_{xy}(x, y) = f(x, y), (x, y) \in \Omega \quad (1)$$

$$u|_{AB} = 0, u|_{AD} = \beta \cdot u_{BC} \quad (2)$$

түрге енеді.

II. $\alpha \neq 0, \beta = 0$; жағдай.

Бұл сәтте есебіміз, мына

$$Lu = u_{xy}(x, y) = f(x, y), (x, y) \in \Omega \quad (3)$$

$$u|_{AD} = 0, u|_{AB} = \alpha u|_{CD}, \alpha \neq 1, \alpha \neq 0 \quad (4)$$

түрге келеді. Бұл есептердің екеуі де вөлтерлі болғандықтан олардың $L^2(\Omega)$ кеңістігінде спектралдік таралымдары жоқ, сондықтан, оны Крейннің кеңістігінен іздейміз.

2. Зерттеу әдістері.

Зерттеу барысында индефинитті кеңістіктердегі сызықтық операторлар теориясы қолданылды [23],[24].

3. Зерттеу нәтижелері.

Теорема 1. Егер

1) $\alpha = 0, \beta \neq 0$;

2) $\beta \neq 1$

болса, онда мына,

$$u_{xy}(x, y) = \lambda u(x, 1 - y), (x, y) \in \Omega \quad (5)$$

$$u|_{AB} = 0, u|_{AD} = \beta u|_{BC}, \beta \neq 1 \quad (6)$$

спектралді есептің меншікті мәндері, мынадай,

$$\lambda_{mn} = \left[\ln \left| \frac{1}{\beta} \right| + i\varphi_0 + 2m\pi i \right] \cdot (-1)^n \pi \left(n + \frac{1}{2} \right), \varphi_0 = \arg \frac{1}{\beta},$$

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots; n = 0, 1, 2, \dots$$

ал оларға сәйкес меншікті функциялары, мынадай,

$$u_{mn}(x, y) = C_m |\beta|^{-x} e^{ix \arg \frac{1}{\beta}} \cdot e^{2m\pi ix} \cdot \sqrt{2} \sin \left(n\pi + \frac{\pi}{2} \right) x, m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, n = 0, 1, 2, \dots$$

болады, және олар $L^2(\Omega)$ кеңістігінде Рисстің базисін құрайды.

Теорема 2. Егер

- 1) $\alpha = 0, \beta \neq 0$;
- 2) $\beta \neq 1$

болса, онда (1)–(2) шартарапты шекаралық есебі әлді шешіледі және ол шешімнің түрі мынадай,

$$u(x, y) = \sum_{m, n} \frac{(f(x, 1-y), v_{mn})}{\lambda_{mn}} u_{mn}(x, y)$$

болады, мұндағы,

$$\lambda_{mn} = \left[\ln \left| \frac{1}{\beta} \right| + i\varphi_0 + 2m\pi i \right] (-1)^n \pi \left(n + \frac{1}{2} \right), m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots; n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\varphi_0 = \arg \frac{1}{\beta}$$

$$u_{mn}(x, y) = C_m |\beta|^{-x} e^{ix \arg \frac{1}{\beta}} \cdot e^{2m\pi ix} \cdot \sqrt{2} \sin \left(n\pi + \frac{\pi}{2} \right) y, m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, n = 0, 1, 2, \dots$$

$$(SL)^* v_{mn} = \bar{\lambda}_{mn} v_{mn}.$$

Теорема 3. Егер

- 1) $\alpha \neq 0, \beta = 0$
- 2) $\alpha \neq 1$

болса, онда (3)–(4) спектралдік есептің шешімі, мынадай,

$$\lambda_{mn} = (-1)^m \pi \left(m + \frac{1}{2} \right) \cdot \left[\ln \left| \frac{1}{\alpha} \right| + i\psi_0 + 2n\pi i \right], \psi_0 = \arg \frac{1}{\alpha}$$

$$u_{mn}(x, y) = \sqrt{2} \sin \left(m\pi + \frac{\pi}{2} \right) x \cdot C_n |\alpha|^{-y} e^{iy \arg \frac{1}{\alpha}} \cdot e^{2n\pi iy},$$

болады, мұндағы $C_n = const$.

Бұл сәтте $\{u_{mn}(x, y)\}$ меншікті функциялар системасы $L^2(\Omega)$ кеңістігіне Рисстің базисін құрайды.

Теорема 4. Егер

- 1) $\alpha \neq 0, \beta = 0$
- 2) $\alpha \neq 1$

болса, онда (3)–(4) шартарапты шекаралық есебі әлді шешіледі, және ол шешімнің түрі мынадай

$$u(x, y) = \sum_{m,n} \frac{(f(1-x, y), v_{mn})}{\lambda_{mn}} u_{mn}(x, y)$$

болады, мұндағы

$$\lambda_{mn} = (-1)^m \pi \left(m + \frac{1}{2}\right) \cdot \left[\ln \left|\frac{1}{\alpha}\right| + i\psi_0 + 2n\pi i\right], \psi_0 = \arg \frac{1}{\alpha}$$

4. Талқысы.

I. $\alpha = 0, \beta \neq 0$ болған жағдай.

Алдымен, мынадай,

$$Su(x, y) = u(x, 1-y)$$

оператор енгізейік. Енді (1) теңдеудің екі жағына-да осы оператормен әсер етіп, мына,

$$SLu = Su_{xy}(x, y) = Sf(x, y)$$

теңдеуді аламыз. Осы теңдеуге, мынадай

$$\begin{cases} Su_{xy}(x, y) = \lambda u(x, y) \\ u|_{AB} = 0, u|_{AD} = \beta u|_{BC}, \beta \neq 1 \end{cases}$$

немесе

$$u_{xy}(x, y) = \lambda u(x, 1-y) \quad (5)$$

$$u|_{AB} = 0, u|_{AD} = \beta u|_{BC}, \beta \neq 1 \quad (6)$$

спектралді есеп сәйкес келеді.

Бұл есептің айнymалыларын былай

$$u(x, y) = v(x) \cdot \omega(y)$$

бөліктесек, онда екі спектралдік есеп аламыз:

$$a) v'(x) = \mu \cdot v(x), v(0) - \beta v(1) = 0;$$

$$б) \omega'(y) = \nu \cdot \omega(1-y), \nu(0) = 0.$$

Біріншісінің шешімі бізге белгілі:

$$v_m(x) = C_m |\beta|^{-x} e^{xi \arg \frac{1}{\beta}} \cdot e^{2m\pi ix}, m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

Екінші спектралді есеп, егжей-тегжейлі [24] еңбекте зерттелген, оның ортонормаланған меншікті функциялары, мынадай,

$$\omega_n(y) = \sqrt{2} \sin\left(n\pi + \frac{\pi}{2}\right)y, n = 0, 1, 2, \dots$$

$$v_n = (-1)^n \pi\left(n + \frac{1}{2}\right)$$

Демек, (5)–(6) спектралдік есептің меншікті функциялары, мынадай,

$$u_{mn}(x, y) = C_m |\beta|^{-x} e^{ix \arg \frac{1}{\beta}} \cdot e^{2m\pi ix} \cdot \sqrt{2} \sin\left(n\pi + \frac{\pi}{2}\right)y, m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, n = 0, 1, 2, \dots$$

болады. Егер, мынадай,

$$e_{mn}(x, y) = e^{2m\pi ix} \cdot \sqrt{2} \sin\left(n\pi + \frac{\pi}{2}\right)y, m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, n = 0, 1, 2, \dots$$

белгілеу енгізсек, онда, былай

$$u_{mn}(x, y) = T \cdot e_{mn}(x, y) = |\beta|^{-x} \cdot e^{xi \arg \frac{1}{\beta}} \cdot e_{mn}(x, y)$$

жазуға болады.

T-операторына кері оператор, мына

$$T^{-1}v(x, y) = |\beta|^x \cdot e^{-ix \arg \frac{1}{\beta}} \cdot v(x, y)$$

оператор. Бұл екі T, T^{-1} оператор-да шектеулі, ал $\{e_{mn}(x, y)\}$ системасы $L^2(\Omega)$ кеңістігінде ортонормаланған базис құрайды. Олай болса, $\{u_{mn}(x, y)\}$ системасы $L^2(\Omega)$ кеңістігінде Рисстің базисін құрайды. Бірінші теорема дәлелденді.

Әрі қарай, шешімнің спектралдік таралымын табайық.

$$Su_{xy} = Sf, SLu = Sf, \Rightarrow u = (SL)^{-1} Sf, \Rightarrow$$

$$u(x, y) = \sum_{m,n} \langle (SL)^{-1} Sf, v_{mn} \rangle u_{mn} =$$

$$= \sum_{m,n} (Sf, \frac{v_{mn}}{\lambda_{mn}}) u_{mn} = \sum_{m,n} \frac{(Sf, v_{mn})}{\lambda_{mn}} u_{mn}$$

$$(SL)^* v_{mn} = \bar{\lambda}_{mn} v_{mn}$$

Сонымен, екінші теорема да дәлелденді.

II. $\alpha \neq 0, \beta = 0$; болған жағдай.

Бұл сәтте есебіміз, мына,

$$Lu = u_{xy}(x, y) = f(x, y), (x, y) \in \Omega \quad (3)$$

$$u|_{AD} = 0, u|_{AB} = \alpha u|_{CD}, \alpha \neq 1, \alpha \neq 0 \quad (4)$$

түрге келеді. Алдымен, мынадай

$$Su(x, y) = u(1 - x, y)$$

оператор енгізейік. Енді (3) теңдеудің екі жағына-да осы оператормен әсер етіп, мына

$$SLu = Su_{xy}(x, y) = Sf(x, y)$$

теңдеуді аламыз. Бұл теңдеуге, мынадай,

$$u_{xy}(x, y) = \lambda u(1 - x, y) \quad (7)$$

$$u|_{AD} = 0, u|_{AB} = \alpha u|_{CD} \quad (8)$$

спектралдік есеп сәйкес келеді.

Бұл есептің айнұмалыларын, былай,

$$u(x, y) = v(x) \cdot \omega(y)$$

бөліктесек, онда екі спектралдік есеп аламыз:

$$a) v'(x) = \mu v(1 - x),$$

$$v(0) = 0;$$

$$b) \omega(0) - \alpha \omega(1) = 0.$$

Бірінші есептің шешімі, мынадай

$$v_m(x) = \sqrt{2} \sin\left(m\pi + \frac{\pi}{2}\right)x, m = 0, 1, 2, \dots$$

$$\mu_n = (-1)^m \pi\left(m + \frac{1}{2}\right), m = 0, 1, 2, \dots$$

ал екінші есептің шешімі, мынадай,

$$\omega_n(y) = C_n |\alpha|^{-y} e^{iy \arg \frac{1}{2}} \cdot e^{2n\pi iy}, n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

Демек, жоғарыдағы, (7) –(8) есептің шешімі, мынадай,

$$u_{mn}(x, y) = \sqrt{2} \sin\left(m\pi + \frac{\pi}{2}\right) x \cdot C_n |\alpha|^{-y} e^{iy \arg \frac{1}{\alpha}} \cdot e^{2n\pi iy},$$

$$\lambda_{mn} = (-1)^m \pi\left(m + \frac{1}{2}\right) \cdot \left[\ln\left|\frac{1}{\alpha}\right| + i\psi_0 + 2n\pi i\right], \psi_0 = \arg \frac{1}{\alpha}$$

$$n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots; m = 0, 1, 2, \dots$$

болады. Егер, мынадай,

$$e_{mn}(x, y) = \sqrt{2} \sin\left(m\pi + \frac{\pi}{2}\right) x \cdot e^{2n\pi iy},$$

белгілеу енгізсек, онда мұны, былай,

$$u_{mn} = T e_{mn}(x, y) = |\alpha|^{-y} e^{iy \arg \frac{1}{\alpha}} \cdot e_{mn}(x, y)$$

жазуға болады. T -қайтымды оператор, оған кері оператор мынадай

$$T^{-1} v = |\alpha|^y e^{-iy \arg \frac{1}{\alpha}}$$

болады. Бұл, T, T^{-1} операторларының екеуі де $L^2(\Omega)$ –кеңістігінде шектеулі, ал $e_{mn}(x, y)$ – системасы $L^2(\Omega)$ –кеңістігінде ортонормаларған базис құрайды. Олай болса $\{u_{mn}\}$ системасы осы кеңістікте Рисстің базисі болады. Осымен үшінші теорема дәлелденді.

Енді шешімнің спектралдік таралымын табайық.

$$Su_{xy} = Sf, SLu = Sf, \Rightarrow u = (SL)^{-1} Sf, \Rightarrow$$

$$u_{xy} = \sum_{m,n} \langle (SL)^{-1} Sf, v_{mn} \rangle u_{mn} =$$

$$= \sum_{m,n} (Sf \frac{v_{mn}}{\lambda_{mn}}) u_{mn} = \sum_{m,n} \frac{(Sf, v_{mn})}{\lambda_{mn}} u_{mn},$$

$$(SL)^* v_{mn} = \bar{\lambda}_{mn} v_{mn}.$$

Төртінші теорема да дәлелденді.

5.Қорытынды. Толқын тендеуінің шартарапты есебі екі түрге бөлінеді, бірінші түрінің меншікті функциялары $L^2(\Omega)$ –кеңістігінде Рисстің базисін құрайды, ал екінші түрі бұл кеңістікте вөлтерлі, олар Крейннің кеңістігінде жіктеледі.

Әдебиет

- [1] Адамар Ж. Задача Коши для линейных уравнений частными производным. -М, Наука, 1978, -352с.
 [2] Friedrichs K. O Symmetric . hyperbolic of Liner differential equations, Comm. Pure Apple 7 Mash., 7(1954), 345-392.
 [3] I. Von Neumahn. Allgemeine Eigenwerttheorie Hermit - esher funktional Operatoren, Math, 102, 1929, p.49-131.

- [4] Соболев С.Л. Некоторые применения функционального анализа в математической физике, М, Наука, 1988.
- [5] Вишик М.И. Об общих краевых задачах для эллиптических уравнений, дифференциальных уравнений. Труды ММО, 1989, 1952, т.1, 152с.
- [6] Отелбаев М. Кальменов Т.Ш. О регулярных краевых задачах для уравнения Лаврентьева - Бицадзе, Дифф. уравнения, 1981, Т.А. №5, с. 873-886.
- [7] Кальменов Т.Ш. Краевые задачи для линейных уравнений в частных производных гиперболического типа, Шымкент:Гылым, 1993,327с.
- [8] Кальменов Т.Ш. О спектре одной сопряженной задачи для волнового уравнения, Весник А.Н Каз. 1982, №2, с.63-66.
- [9] Кальменов Т.Ш. Спектр краевых задачи со смещением для волнового уравнения, Диффенц. уравнения. 1983, т19, №1, с.75-78
- [10] Бияров Б.Н., Кальменов Т.Ш. О нелокальной вольнерровой задаче для гиперболического уравнения, Известия АН Каз ССР, сер. физ-математ, 1988, №5, с.13-16.
- [11] Кальменов Т.Ш. О регулярных краевых задачах для волнового уравнения, Диффенц. уравнения.1981. т 17, №6, с.1105-1121.
- [12] Садыбеков М.И, О задаче Дирихле для для волнового уравнения, Диффенц. уравнения. Функцион. анализ и приложения Алма-Ата Каз. ГУ, 1988, т 17, №6, с.61-70.
- [13] Садыбеков М.И, Кальменов Т.Ш. О задаче Дирихле и нелокальных краевых задачах для волнового уравнения, Диффенц. уравнения, 1990, т.26, №1, с.60-65.
- [14] Мелдебекова С., Шалданбаев А.Ш. О регулярной разрешимости одной нелокальной краевой задачи волнового уравнения, Наука и образования ЮК, 2005 №6(46), с.105-109.
- [15] Нахушев А.М. Об одном классе линейных уравнений задач для гиперболического и смешного типов уравнении второго порядка. Нальчик, Эльбурс. 1992, 155с.
- [16] Мизохата С.Теория уравнений с частным производными. М. Мир, 1977, с. 504.
- [17] Brislow C. Kernels of trace class operators, Proc. Amer. Math. Soc., 1988, v.104, №4, P.1181-1190.
- [18] Лидский В.Б. Несамосопряженные операторы имеющие след, Доклады А.Н ССР, 1959, т. 105, №3, P.485-488.
- [19] Нерсесян А.Б. К теории интегральных уравнений типа Вольтера, Доклады А.Н ССР, 1964, т. 155, №5, P.1049-1051.
- [20] Шалданбаев А.Ш. Спектральные разложения корректных- некорректныхначально краевых задач для некоторых классов дифференциальных уравнений, Germanu, Saarbruchen: LAP LAMRET Academic Publishing. <http://d-nb.dl.emailinf@lappublishing.com>, 2011, 193с.
- [21] Сапрыгина М.Б., Байсейтова У.С., Шалданбаев А.Ш., Оразов И.О. О регулярной разрешимости нелокальной краевой задачи волнового уравнения., Известия Национальной академии наук РК, ISSN 1991-346X Серия физико-математическая. № 2. 2016, с.48.
- [22] Сапрыгина М.Б., Шалданбаев А.Ш., Оразов И.О., Байсейтова У.С. Критерии вольтерровости нелокальной краевой задачи волнового уравнения., Известия Национальной академии наук РК, ISSN 1991-346X Серия физико-математическая. № 2. 2016, с.147.
- [23] СМБ, Функциональный анализ. –М.:Наука, 1972. -544с.
- [24] Кальменов Т.Ш., Шалданбаев А.Ш., Ахметова С.Т. К спектральной теории уравнения с отклоняющимися аргументами. - Институт математики МО и Н РК «Математический журнал».- Алматы 2004, т. 4, №3 (13) с. 41-48.

REFERENCES

- [1] Hadamard Zh. An initial value problem for the simple equations quotients a derivant. - M, Science, 1978, - 352 pages.
- [2] Friedrichs K. O Symmetric. hyperbolic of Liner differential equations, Comm. Pure Apple 7 Mash., 7(1954), 345-392.
- [3] I. Von Neumahn. Allgemeine Eigenwerttheorie Hermit - esher funktional Operatoren, Math, 102, 1929, p.49-131.
- [4] Sobolev S. L. Some applications of the functional analysis in mathematical physics, M, Science, 1988.
- [5] Vishik M. I. About the common boundary value problems for elliptical equations, differential equations, Works MМО, 1989, 1952, т.1, 152 pages.
- [6] Otelbayev M. Kalmenov T. Sh. About the regular boundary value problems for Lavrentyev's equation - Bitsadze, Diff. equations, 1981, T.A., No. 5, page 873-886.
- [7] Kalmenov T.Sh. Boundary value problems for the simple equations in partial derivatives of hyperbolic type, Shymkent:gylym, 1993,327s.
- [8] Kalmenov T.Sh. About a range of one conjugate task for a wave equation, Vesnik A.N Kaz.1982, No. 2, page 63-66.
- [9] Kalmenov T.Sh. A boundary value problem range with smeshchenny for a wave equation, Diffents. equations.1983, т19, No. 1, page 75-78
- [10] Biyarov B. N., Kalmenov T.Sh. About a nonlocal volnerrovoy task for the hyperbolic equation, AN News Kaz SSR, is gray. physical-matemat, 1988, No. 5, page 13-16.
- [11] Kalmenov T.Sh. About the regular boundary value problems for a wave equation, Diffents. equations.1981, т 17, No. 6, page 1105-1121.
- [12] Sadybekov M. And, About a Dirichlet problem for for a wave equation, Diffents. equations. Funktsion. the analysis and on applications Alma-Ata Kaz. GU, 1988, т 17, No. 6, page 61-70.
- [13] Sadybekov M. And, Kalmenov T.Sh. About a Dirichlet problem and nonlocal boundary value problems for a wave equation, Diffents. equations, 1990, т.26, No. 1, page 60-65.

[14] Meldebekova S., Shaldanbayev A.Sh. About a reulyarny solubility of one nonlocal boundary value problem of a wave equation, Science and formations of YuK, 2005 No. 6(46), page 105-109.

[15] Nakhshuev A.M. About one class of the linear balanced problems for hyperbolic and ridiculous types a second-kind equation. Nalchikh, Эльбурс.1992, 155 pages.

[16] Mizokhata S. The theory of the equations with a quotient derivants, M. Mir, 1977, page 504.

[17] Brislow C. Kernels of trace class operators, Proc. Amer 7 Nath. Soc, 1988, v.104, No. 4, P.1181-1190.

[18] Lidsky V. B. Self-conjugate operators the having trace, A.N'S Reports of the Soviet Socialist Republic, 1959, t. 105, No. 3, P.485-488.

[19] Nersesyan A.B. To the theory of integral equations like Voltaire, A.N'S Reports of the Soviet Socialist Republic, 1964, t. 155, No. 5, P.1049-1051.

[20] Shaldanbayev A.Sh. Spectral resolutions of correct - nekorrektnykhnachalno boundary value problems for some classes of differential equations, Germanu, Saarbruchen: LAP LAMRET Acdemic Pyblishing. http; dob. d-nb. Dl. Emailinfa@lappublishing com, 2011, 193 pages.

[21] Saprygina M. B., Bayseytova U.S., Shaldanbayev A.Sh., I.O's Orazums. About the regular solubility of a nonlocal boundary value problem of a wave equation., News of National academy of Sciences of PK, ISSN 1991-346X Series physical and mathematical. No. 2. 2016, c.48.

[22] Saprygina M. B., Shaldanbayev A.Sh., I.O., Bayseytov U.S. Orazums. Criteria of a volterrovost of a nonlocal boundary value problem of a wave equation., News of National academy of Sciences of PK, ISSN 1991-346X Series physical and mathematical. No. 2. 2016, c.147.

[23] SMB, the Functional analysis. – M of a.:nauk, 1972. - 544 pages.

[24] Kalmenov T.Sh., Shaldanbayev A.Sh., Akhmetova S. T. To the spectral theory of the equation with the deviating arguments. Institute of mathematics of MO and N of RK "Mathematical Magazine".-Almaty 2004, t. 4, No. 3 (13) of page 41-48.

А.А. Көпжасарова, Г.А. Бесбаев, Э. А. Абылкасымова, А.Ш. Шалданбаев

Южно-казахстанский государственный университет

СПЕКТРАЛЬНЫЕ РАЗЛОЖЕНИЯ РЕШЕНИЙ ВОЛЬТЕРРОВЫХ НЕЛОКАЛЬНЫХ КРАЕВЫХ ЗАДАЧ ВОЛНОВОГО УРАВНЕНИЯ

Аннотация. Волновые уравнения встречаются в различных отраслях науки и техники, например, гидрологии, сейсмологии, и при изучении динамики распространения волн в жидкости и газе, тем не менее, краевые задачи этого уравнения мало изучены. Работы посвященные нелокальным задачам очень мало. В данной работе предпринята попытка изучения спектральных свойств нелокальной задачи методами теории операторов в пространствах с индефинитными метриками.

Ключевые слова: волновое уравнение, нелокальные краевые условия, регулярная разрешимость, спектр, вольтерровые операторы, пространства Крейна, самосопряженность, автоморфизмы, базисы Рисса, спектральные разложения.

МАЗМҰНЫ

Жұлдыздардың және тұмандықтардың зерттеулері

<i>Серебрянский А.В., Гайнуллина Е.Р., Халикова А.В.</i> , ТУС3215-906-1 айнымалы жұлдыз: бүгілген жаркылдың талдауы және жіктеуі.....	5
<i>Кондратьева Л.Н., Рспаев Ф.К., Аймуратов Е.К., Отебай А.Б.</i> , V725 Тау объектісінің спектрлік және фотометрлік бақылауларының нәтижелері.....	12
<i>Кондратьева Л.Н., Рспаев Ф.К., Аймуратов Е.К.</i> , M1-65 планеталық тұмандықтың айнымалылығы.....	22
<i>Павлова Л.А.</i> , Жұлдыз маңындағы құрылымдардың қалыптасуына магниттік өрістердің әсері.....	29
<i>Кокумбаева Р.И., Хруслов А.В., Кусакин А.В.</i> , GSC 3601-01531 және GSC 3601-01504 екі жаңа айнымалы жұлдыздар	35

Аспан механикасының және жұлдыздар жүйесінің мәселелері

<i>Дубовиченко С.Б., Джазаиров-Кахраманов А.В., Буркова Н.А., Ткаченко А.С.</i> , Астрофизикалық энергия кезінде радиациялық ${}^2\text{H}^3\text{He}$ басып алу	41
<i>Зулыхаров А.Т., Коньсбаев Т.К., Чечин Л.М.</i> , Қараңғы материя есебімен ғаламдар релаксацияларының уақытын бағалау.....	50

Күннің және күн жүйесі денелерінің физикасы

<i>Шестакова Л.И., Демченко Б.И.</i> , А тобы жұлдыздары дискілерінде атомдар мен иондар динамикасына бүгілген жарық қысымының әсері.....	55
<i>Демченко Б.И., Шестакова Л.И.</i> , Күн маңындағы сублимация процессінде оливин тозақ бөлшектерінің орбиталық дамуы	64
<i>Шестакова Л.И., Демченко Б.И.</i> , А тобы жұлдыздары маңындағы сублимация процессінде силикатты тозақ бөлшектерінің орбиталық дамуы.....	73
<i>Минасянц Г.С., Минасянц Т.М., Томозов В.М.</i> Күннің минимум белсенді кезіндегі иондық энергиямен Fe/O қатынасының өзгеруі. I. күнде дақтар жоқ болғанда Fe және O иондарының энергетикалық спектрлері.....	81
<i>Минасянц Г.С., Минасянц Т.М., Томозов В.М.</i> Күн белсенділігі минимумында иондар қуатымен Fe/O мәнінің өзгеруі. II. Циклдің минимумында ғарыш сәулелерінің аномалды компоненттерінің ролі.....	86
<i>Тейфель В.Г., Каримов А.М., Харитонов Г.А.</i> , Сатурндағы аммиактың жұтылуы – 2009 жылы күн мен түннің теңелуі кезеңінде ендік вариациялар асимметриясы	91
<i>Каримов А.М., Лысенко П.Г., Тейфель В.Г.</i> , Сатурнның солтүстік жартышары - 2015 жылы метан және аммиактың жұтылуы	97
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> 2016 жылдың көріну маусымында юпитер дискісі бойынша метанның-аммиактың жұтылуын зерттеу I. Экватор аймағы	104
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> жылдың көріну маусымында юпитер дискісі бойынша метанның-аммиактың жұтылуын зерттеу. II. Ендік вариациялар	110
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> 2016 жылдың көріну маусымында Юпитерде метан-аммиак жұтылуын зерттеу III. Үлкен Қызыл Дақ (ҮҚД).....	118
<i>Демченко Б.И., Воропаев В.А., Комаров А.А., Молотов И.Е., Серебрянский А.В., Усольцева Л.А.</i> , Көптеген геотұрақты серіктердің кейбір сипаттамалары.....	124
<i>Демченко Б.И., Комаров А.А., Нифонтова М.В., Усольцева Л.А.</i> , Көру шегі аз CCD-матрицада ГТС бақылауларының астрометриялық өңдеулерінің әртүрлі әдістерінің салыстырмалы талдауы.....	129
<i>Демченко Б.И., Комаров А.А., Кругов М.А., Рева И.В., Серебрянский А.В., Усольцева Л.А.</i> , Тянь-Шань Астрономиялық Обсерваториясы бекетінде геотұрақты серіктерді бақылау жағдайы.....	135
<i>Шомищева С.А., Рева И.В., Кондратьева Л.Н., Отебай А.Б.</i> , Тянь-Шань Астрономиялық Обсерваториясының 1-метрлік телескобында фотометрлік жүйесін стандарттау.....	140
<i>Терещенко В.М.</i> , SSP-5A фотоэлектрлік фотометрі жұмысының сипаттамасы және ерекшеліктері.....	146
<i>Терещенко В.М., Шамро А.В.</i> , Абсолютті өлшемдер үшін спектрограф. Оптика-механикалық блоктың сызбасы және құрылымы.....	155

Теориялық зерттеулер

<i>Қалдыбекова Б.Қ., Решетова Г.В.</i> Арнайы ішектен жасалған тордың сандық нәтижелері.....	160
<i>Бакирова Э.А., Қадырбаева Ж.М.</i> Жүктелген дифференциалдық теңдеулер үшін сызықты көпнүктелі шеттік есептің шешілімділігі туралы.....	168
<i>Бесбаев Г.А., Көпжасарова А.А., Сапрыгина М.Б., Шалданбаев А.Ш.</i> Гурса операторының Крейн кеңістігіндегі жалқылығы туралы.....	176
<i>Жұмәлі А.С., Решетова Г.В.</i> Жерасты ерітінділеудің микроскопиялық динамикасын сандық моделдеу.....	188
<i>Бақтыбаев Қ., Дәлелханқызы А., Қиқымова І., Мырзагулов А.</i> Әсерлесуші бозондар моделін уран ядросының деформацияланған изотоптарына қолдану.....	195
<i>Көпжасарова А.А., Бесбаев Г.А., Абылкасымова Э. А., Шалданбаев А.Ш.</i> Толқын теңдеуінің шартарапты волтерлі есептерінің Крейннің кеңістігіндегі спектралдік таралымдары.....	203
<i>Шоманбаева М.Т., Көпжасарова А.А., Бесбаев Г.А., Шалданбаев А.Ш.</i> Толқындық теңдеуінің шартарапты шекаралық есебінің спектрлік қасиеттері.....	213
Қазақстанның астрономиялық ғылым 75 жыл.	224

СОДЕРЖАНИЕ

Исследование звезд и туманностей

<i>Серебрянский А.В., Гайнуллина Е.Р., Халикова А.В.</i> , Переменная звезда TYC3215-906-1: анализ кривой блеска классификация.....	5
<i>Кондратьева Л.Н., Рспаев Ф.К., Аймуратов Е.К., Отебай А.Б.</i> , Результаты спектральных и фотометрических наблюдений объекта V725 Тау.....	12
<i>Кондратьева Л.Н., Рспаев Ф.К., Аймуратов Е.К.</i> , Переменность планетарной туманности M1-65	22
<i>Павлова Л.А.</i> , Влияние магнитных полей на формирование околозвездных структур	29
<i>Кокумбаева Р.И., Хруслов А.В., Кусакин А.В.</i> , Две новые переменные звезды GSC 3601-01531 и GSC 3601-01504... ..	35

Проблемы небесной механики и динамики звездных систем

<i>Дубовиченко С.Б., Джазаиров-Кахраманов А.В., Буркова Н.А., Ткаченко А.С.</i> , Радиационный $^2\text{H}^3\text{He}$ захват при астрофизических энергиях	41
<i>Зулыхаров А.Т., Коньсбаев Т.К., Чечин Л.М.</i> , Оценка времени релаксации галактик с учетом темной материи.....	50

Физика Солнца и тел солнечной системы

<i>Шестакова Л.И., Демченко Б.И.</i> , Действие светового давления на динамику атомов и ионов в осколочных дисках звезд класса А.....	55
<i>Демченко Б.И., Шестакова Л.И.</i> , Орбитальная эволюция пылевых частиц оливина в процессе сублимации около Солнца	64
<i>Шестакова Л.И., Демченко Б.И.</i> , Орбитальная эволюция силикатных пылевых частиц в процессе сублимации около звезд класса А	73
<i>Минасянц Г.С., Минасянц Т.М., Томозов В.М.</i> Изменение отношения Fe/O с энергией ионов в минимуме солнечной активности. I. Энергетические спектры ионов Fe и O при отсутствии пятен на Солнце.....	81
<i>Минасянц Г.С., Минасянц Т.М., Томозов В.М.</i> Изменение отношения Fe/O с энергией ионов в минимуме солнечной активности. II. Роль аномальной компоненты космических лучей в минимуме цикла.....	86
<i>Тейфель В.Г., Каримов А.М., Харитонова Г.А.</i> , Аммиачное поглощение на Сатурне - асимметрия широтных вариаций в период равноденствия 2009 года.....	91
<i>Каримов А.М., Лысенко П.Г., Тейфель В.Г.</i> , Северное полушарие Сатурна - поглощение метана и аммиака в 2015 году	97
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> Исследование молекулярного поглощения по диску Юпитера в сезон видимости 2016 года I. экваториальная область.....	104
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> , Исследование молекулярного поглощения на Юпитере в сезон видимости 2016 года II. Широтные вариации.....	110
<i>Вдовиченко В.Д., Кириенко Г.А., Лысенко П.Г.</i> Исследование молекулярного поглощения на Юпитере в сезон видимости 2016 года. III. Большое Красное Пятно (БКП)	118
<i>Демченко Б.И., Воропаев В.А., Комаров А.А., Молотов И.Е., Серебрянский А.В., Усольцева Л.А.</i> , Некоторые характеристики множества геостационарных спутников.....	124
<i>Демченко Б.И., Комаров А.А., Нифонтова М.В., Усольцева Л.А.</i> , Сравнительный анализ различных методов астрометрической обработки наблюдений ГСС на CCD-матрице с малым полем зрения.....	129
<i>Демченко Б.И., Комаров А.А., Кругов М.А., Рева И.В., Серебрянский А.В., Усольцева Л.А.</i> , Условия наблюдений геостационарных спутников на пункте Тянь-Шанская Астрономическая Обсерватория.....	135
<i>Шомищева С.А., Рева И.В., Кондратьева Л.Н., Отебай А.Б.</i> , Стандартизация фотометрической системы 1-метрового телескопа Тянь-Шанской Астрономической Обсерватории.....	140
<i>Тереценок В.М.</i> , Характеристики и особенности работы фотоэлектрического фотометра SSP-5A	146
<i>Тереценок В.М., Шамро А.В.</i> , Спектрограф для абсолютных измерений. Схема и конструкция оптико-механического блока.....	152

Теоретические исследования

<i>Калдыбекова Б. К., Решетова Г. В.</i> Численные результаты специальной сетки из струн.....	160
<i>Бакирова Э.А., Кадирбаева Ж.М.</i> О разрешимости линейной многоточечной краевой задачи для нагруженных дифференциальных уравнений.....	168
<i>Бесбаев Г.А., Көпжасарова А.А., Сапрыгина М.Б., Шалданбаев А.Ш.</i> О самосоряженности оператора Гурса в пространстве Крейна.....	176
<i>Жумали А.С., Решетова Г.В.</i> Численное моделирование микроскопической динамики подземного выщелачивания.....	188
<i>Бактыбаев К., Далелханкызы А., Кикымова I., Мырзабаев А.</i> Применение модели взаимодействующих бозонов в деформированных изотопах ядра урана.....	195
<i>Көпжасарова А.А., Бесбаев Г.А., Абылкасымова Э. А., Шалданбаев А.Ш.</i> Спектральные разложения решения вольтерровых нелокальных краевых задач волнового уравнения.....	203
<i>Шомамбаева М.Т., Көпжасарова А.А., Бесбаев Г.А., Шалданбаев А.Ш.</i> Спектральные свойства нелокальной краевой задачи волнового уравнения	213
75 лет казахстанской астрономической науке.....	224

CONTENTS

Investigation of stars and nebulae

<i>Serebryanskiy A.V., Gaynullina E.R., Khalikova A.V.</i> Variable star TYC3215-906-1: light curve analyses and classification	5
<i>Kondratyeva L., Rspaev F., Aimuratov Ye., Otebay A.</i> Results of the spectral and photometric observations of the object V725 Tau	12
<i>Kondratyeva L., Rspaev F., Aimuratov Ye.</i> , Variability of the planetary nebula M1-65	22
<i>Pavlova L.A.</i> , The influents magnetic field on the forming circumstellar structure	29
<i>Kokumbaeva R.I., Khruslov A.V., Kusakin A.V.</i> , GSC 3601-01531 and GSC 3601-01504, two new variable stars	35

Problems of celestial mechanics and dynamics of stellar systems

<i>Dubovichenko S.B., Dzhazairov-Kakhramanov A.V., Burkova N.A., Tkachenko A.S.</i> , Radiative ${}^2\text{H}^3\text{He}$ capture at astrophysical energies	41
<i>Zulpykharov A. T., Konysbayev T.K., Chechin L.M.</i> The relaxation time estimation for galaxies with account of Dark matter	50

Physics of sun and bodies of the Solar system

<i>Shestakova L.I., Demchenko B.I.</i> , The action of radiation pressure on the dynamics of atoms and ions in debris disks of A-type stars	55
<i>Demchenko B.I., Shestakova L.I.</i> , Orbital evolution of olivine dust grain during sublimation process near the Sun	64
<i>Shestakova L.I., Demchenko B.I.</i> , Orbital evolution of silicate dust particles during sublimation near A-type stars	73
<i>Minasyants G.S., Minasyants T.M., Tomozov V.M.</i> Variations of Fe/O Ratio with Ion's Energies in the Solar Activity Minimum. I. Energy Spectra of Fe and O Ions on the Spotless Sun	81
<i>Minasyants G.S., Minasyants T.M., Tomozov V.M.</i> Variations of Fe/O Ratio with Ion's Energies in the Solar Activity Minimum. II. Role of anomalous component of the cosmic rays in a cycle minimum	86
<i>Tejfe V.G.I., Karimov A.M., Kharitonova G.A.</i> The ammonia absorption in Saturn – an asymmetry of latitudinal variations at the 2009 equinox	91
<i>Karimov A.M., Lysenko P.G., Tejfe V.G.I., Kharitonova G.A.</i> , Northern hemisphere of SATURN – the methane and ammonia absorption in 2015	97
<i>Vdovichenko V.D., Kirienko G.A., Lysenko P.G.</i> , The study of molecular absorption over Jovian disk in season of 2016 visibility. I. Equatorial area	104
<i>Vdovichenko V.D., Kirienko G.A., Lysenko P.G.</i> The study of molecular absorption on Jupiter in visibility season of 2016. II. Latitudinal variations	110
<i>Vdovichenko V.D., Kirienko G.A., Lysenko P.G.</i> The study of molecular absorption on Jupiter in visibility season of 2016. III. Great Red Spot (GRS)	118
<i>Demchenko B. I., Komarov A. A., Molotov I. E., Serebryansky A. V., Usoltseva L. I., Voropaev V.A.</i> Some features of geostationary satellites ensemble	124
<i>Demchenko B. I., Komarov A. A., Nifontova M.V., Usoltseva L. I.</i> , Comparative analysis of several methods of astrometric processing of the GSS observations using CCD-cameras with narrow field of view	129
<i>Demchenko B. I., Komarov A. A., Krugov M.A., Reva I.V., Serebryansky A. V., Usoltseva L. I.</i> , Condition of observations of geostationary satellites at Tien Shan astronomical observatory	135
<i>Shomshenkova S. A., Reva I.V., Kondratyeva L.N., Otebay A.B.</i> , Standardization of the photometric system of the 1-meter telescope of Tien-Shan Astronomical Observatory	140
<i>Tereschenko V. M.</i> , The characteristics and peculiarities of the photoelectrical photometer SSP-5A operation	146
<i>Tereschenko V. M., Shamro A. V.</i> , Spectrograph for absolute measurements. Scheme and construction of the optic-mechanic block	152

Theoretical studies

<i>Kaldybekova B.K., Reshetova G. V.</i> Numerical results of special grid of strings	160
<i>Bakirova E.A., Kadirbayeva Zh.M.</i> On a solvability of linear multipoint boundary value problem for the loaded differential equations	168
<i>Besbayev G. A., Kopzhasarova A.A., Saprygina M.B., Shaldanbayev A.Sh.</i> On self-conjugation of the operator of goursat in crane space	176
<i>Zhumali A.S., Reshetova G.V.</i> Numerical modelling of microscopic dynamics of in-situ leaching	188
<i>Baktybaev K., Dalelkhankyzy A., Kyqymova I., Myrzabaev A.</i> Applying the model of interacting bosons in a deformed nucleus of uranium isotopes	195
<i>Kopzhasarova A.A., Besbayev G. A., Abylkassymova E.A., Shaldanbayev A.SH.</i> Spectral resolutions of solution of voltaire nonlocal boundary value problems of a wave equation	203
<i>Shomanbayeva M. T., Kopzhasarova A.A., Besbayev G. A., Shaldanbayev A.Sh.</i> Spectral properties of a nonlocal boundary value problem of a wave equation	213
75 years of Kazakhstan's astronomical science	224

**Publication Ethics and Publication Malpractice
in the journals of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan**

For information on Ethics in publishing and Ethical guidelines for journal publication see <http://www.elsevier.com/publishingethics> and <http://www.elsevier.com/journal-authors/ethics>.

Submission of an article to the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan implies that the described work has not been published previously (except in the form of an abstract or as part of a published lecture or academic thesis or as an electronic preprint, see <http://www.elsevier.com/postingpolicy>), that it is not under consideration for publication elsewhere, that its publication is approved by all authors and tacitly or explicitly by the responsible authorities where the work was carried out, and that, if accepted, it will not be published elsewhere in the same form, in English or in any other language, including electronically without the written consent of the copyright-holder. In particular, translations into English of papers already published in another language are not accepted.

No other forms of scientific misconduct are allowed, such as plagiarism, falsification, fraudulent data, incorrect interpretation of other works, incorrect citations, etc. The National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan follows the Code of Conduct of the Committee on Publication Ethics (COPE), and follows the COPE Flowcharts for Resolving Cases of Suspected Misconduct (http://publicationethics.org/files/u2/New_Code.pdf). To verify originality, your article may be checked by the Cross Check originality detection service <http://www.elsevier.com/editors/plagdetect>.

The authors are obliged to participate in peer review process and be ready to provide corrections, clarifications, retractions and apologies when needed. All authors of a paper should have significantly contributed to the research.

The reviewers should provide objective judgments and should point out relevant published works which are not yet cited. Reviewed articles should be treated confidentially. The reviewers will be chosen in such a way that there is no conflict of interests with respect to the research, the authors and/or the research funders.

The editors have complete responsibility and authority to reject or accept a paper, and they will only accept a paper when reasonably certain. They will preserve anonymity of reviewers and promote publication of corrections, clarifications, retractions and apologies when needed. The acceptance of a paper automatically implies the copyright transfer to the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan.

The Editorial Board of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan will monitor and safeguard publishing ethics.

Правила оформления статьи для публикации в журнале смотреть на сайтах:

www.nauka-nanrk.kz

<http://www.physics-mathematics.kz>

<http://road.issn.org/issn/2518-1726>

Редактор *М. С. Ахметова, Д.С. Аленов, Т.А. Апендиев*
Верстка на компьютере *А.М. Кульгинбаевой*

Подписано в печать 25.09.2016.
Формат 60x881/8. Бумага офсетная. Печать – ризограф.
14 п.л. Тираж 300. Заказ 5.