

ISSN 2518-1726 (Online),  
ISSN 1991-346X (Print)

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫ  
ҰЛТТЫҚ ҒЫЛЫМ АКАДЕМИЯСЫНЫҢ  
әл-Фараби атындағы Қазақ ұлттық университетінің

# Х А Б А Р Л А Р Ы

---

---

## ИЗВЕСТИЯ

НАЦИОНАЛЬНОЙ АКАДЕМИИ НАУК  
РЕСПУБЛИКИ КАЗАХСТАН  
Қазақстан Республикасының  
Ғылым Академиясының  
Әл-Фараби атындағы  
Қазақ ұлттық университетінің

## NEWS

OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES  
OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN  
Al-Farabi Kazakh  
National University

**SERIES**  
**PHYSICO-MATHEMATICAL**

**2(330)**

**MARCH – APRIL 2020**

PUBLISHED SINCE JANUARY 1963

PUBLISHED 6 TIMES A YEAR

ALMATY, NAS RK

Б а с р е д а к т о р ы  
ф.-м.ғ.д., проф., ҚР ҰҒА академигі  
**Ғ.М. Мұтанов**

Р е д а к ц и я а л қ а с ы:

**Жұмаділдаев А.С.** проф., академик (Қазақстан)  
**Кальменов Т.Ш.** проф., академик (Қазақстан)  
**Жантаев Ж.Ш.** проф., корр.-мүшесі (Қазақстан)  
**Өмірбаев У.У.** проф., корр.-мүшесі (Қазақстан)  
**Жүсіпов М.А.** проф. (Қазақстан)  
**Жұмабаев Д.С.** проф. (Қазақстан)  
**Асанова А.Т.** проф. (Қазақстан)  
**Бошкаев К.А.** PhD докторы (Қазақстан)  
**Сұраған Д.** корр.-мүшесі (Қазақстан)  
**Quevedo Hernando** проф. (Мексика),  
**Джунушалиев В.Д.** проф. (Қырғыстан)  
**Вишневский И.Н.** проф., академик (Украина)  
**Ковалев А.М.** проф., академик (Украина)  
**Михалевич А.А.** проф., академик (Белорусь)  
**Пашаев А.** проф., академик (Әзірбайжан)  
**Такибаев Н.Ж.** проф., академик (Қазақстан), бас ред. орынбасары  
**Тигиняну И.** проф., академик (Молдова)

«ҚР ҰҒА Хабарлары. Физика-математикалық сериясы».

ISSN 2518-1726 (Online), ISSN 1991-346X (Print)

Меншіктенуші: «Қазақстан Республикасының Ұлттық ғылым академиясы» РҚБ (Алматы қ.).

Қазақстан республикасының Мәдениет пен ақпарат министрлігінің Ақпарат және мұрағат комитетінде  
01.06.2006 ж. берілген №5543-Ж мерзімдік басылым тіркеуіне қойылу туралы куәлік.

Мерзімділігі: жылына 6 рет.

Тиражы: 300 дана.

Редакцияның мекенжайы: 050010, Алматы қ., Шевченко көш., 28; 219, 220 бөл.; тел.: 272-13-19; 272-13-18,  
<http://physics-mathematics.kz/index.php/en/archive>

---

© Қазақстан Республикасының Ұлттық ғылым академиясы, 2020

Типографияның мекенжайы: «NurNaz GRACE», Алматы қ., Рысқұлов көш., 103.

Главный редактор  
д.ф.-м.н., проф. академик НАН РК  
**Г.М. Мутанов**

Редакционная коллегия:

**Джумадильдаев А.С.** проф., академик (Казахстан)  
**Кальменов Т.Ш.** проф., академик (Казахстан)  
**Жангаев Ж.Ш.** проф., чл.-корр. (Казахстан)  
**Умирбаев У.У.** проф., чл.-корр. (Казахстан)  
**Жусупов М.А.** проф. (Казахстан)  
**Джумабаев Д.С.** проф. (Казахстан)  
**Асанова А.Т.** проф. (Казахстан)  
**Бошкаев К.А.** доктор PhD (Казахстан)  
**Сураган Д.** чл.-корр. (Казахстан)  
**Quevedo Hernando** проф. (Мексика),  
**Джунушалиев В.Д.** проф. (Кыргызстан)  
**Вишневский И.Н.** проф., академик (Украина)  
**Ковалев А.М.** проф., академик (Украина)  
**Михалевич А.А.** проф., академик (Беларусь)  
**Пашаев А.** проф., академик (Азербайджан)  
**Такибаев Н.Ж.** проф., академик (Казахстан), зам. гл. ред.  
**Тигиняну И.** проф., академик (Молдова)

**«Известия НАН РК. Серия физика-математическая».**

ISSN 2518-1726 (Online), ISSN 1991-346X (Print)

Собственник: РОО «Национальная академия наук Республики Казахстан» (г. Алматы).

Свидетельство о постановке на учет периодического печатного издания в Комитете информации и архивов  
Министерства культуры и информации Республики Казахстан №5543-Ж, выданное 01.06.2006 г.

Периодичность: 6 раз в год.

Тираж: 300 экземпляров.

Адрес редакции: 050010, г. Алматы, ул. Шевченко, 28; ком. 219, 220; тел.: 272-13-19; 272-13-18,

<http://physics-mathematics.kz/index.php/en/archive>

---

© Национальная академия наук Республики Казахстан, 2020

Адрес типографии: «NurNaz GRACE», г. Алматы, ул. Рыскулова, 103.

Editor in chief

doctor of physics and mathematics, professor, academician of NAS RK

**G.M. Mutanov**

Editorial board:

**Dzhumadildayev A.S.** prof., academician (Kazakhstan)  
**Kalmenov T.Sh.** prof., academician (Kazakhstan)  
**Zhantayev Zh.Sh.** prof., corr. member. (Kazakhstan)  
**Umirbayev U.U.** prof., corr. member. (Kazakhstan)  
**Zhusupov M.A.** prof. (Kazakhstan)  
**Dzhumabayev D.S.** prof. (Kazakhstan)  
**Asanova A.T.** prof. (Kazakhstan)  
**Boshkayev K.A.** PhD (Kazakhstan)  
**Suragan D.** corr. member. (Kazakhstan)  
**Quevedo Hernando** prof. (Mexico),  
**Dzhunushaliyev V.D.** prof. (Kyrgyzstan)  
**Vishnevskiy I.N.** prof., academician (Ukraine)  
**Kovalev A.M.** prof., academician (Ukraine)  
**Mikhalevich A.A.** prof., academician (Belarus)  
**Pashayev A.** prof., academician (Azerbaijan)  
**Takibayev N.Zh.** prof., academician (Kazakhstan), deputy editor in chief.  
**Tiginyanu I.** prof., academician (Moldova)

**News of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan. Physical-mathematical series.**

ISSN 2518-1726 (Online), ISSN 1991-346X (Print)

Owner: RPA "National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan" (Almaty).

The certificate of registration of a periodic printed publication in the Committee of information and archives of the Ministry of culture and information of the Republic of Kazakhstan N 5543-Ж, issued 01.06.2006.

Periodicity: 6 times a year.

Circulation: 300 copies.

Editorial address: 28, Shevchenko str., of. 219, 220, Almaty, 050010, tel. 272-13-19; 272-13-18,

<http://physics-mathematics.kz/index.php/en/archive>

---

© National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan, 2020

Address of printing house: «NurNaz GRACE», 103, Ryskulov str, Almaty.

**NEWS**

OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN  
**PHYSICO-MATHEMATICAL SERIES**

ISSN 1991-346X

<https://doi.org/10.32014/2020.2518-1726.28>

Volume 2, Number 330 (2020), 159 – 165

UDC 514.182.7

**N. Umbetov<sup>1</sup>, Zh. Dzhanabaev<sup>1</sup>, G. Ivanov<sup>2</sup>**<sup>1</sup>M. Auezov South Kazakhstan State University, Shymkent, Kazakhstan;<sup>2</sup>Bauman Moscow State Technical University, Moscow, RussiaE-mail: [nurlanumbetov@mail.ru](mailto:nurlanumbetov@mail.ru); [djanabaev@mail.ru](mailto:djanabaev@mail.ru); [ivanov\\_gs@rambler.ru](mailto:ivanov_gs@rambler.ru)**DESIGN OF THE THIRD-ORDER CURVES OF THE TYPE  
THE HYPERBOLISM OF THE HYPERBOLA**

**Abstract.** The solution of many engineering problems requires the construction of curves with given characteristics. One way to create the curves is to obtain a new curve by some transformations of an already known curve. This method is especially important because the line of the family of lines belonging to the prototype, is definitely displayed in the relevant lines, of the family of lines of the constructed surface. And knowing the properties of the transformation and the preimage, it is easy to establish the properties of the image.

In this regard, this article proposes an algorithm (method) for constructing a third-order curve, where the initial image is a parabola. The choice of the parabola is based on the fact that among the set of curves of the third order when modeling the technical curves in CAD, the most widely used is a cubic parabola due to its' uniqueness. The essence of the method is as follows. Each focal straight line of parabola crosses the parabola at two points, through which two straight lines (parabolic beams) run parallel to the focal axis, and a set of pairs of these lines form a bundle with an improper center. The set of points of intersection of the bundle of lines with the center at the point P with a projective to that bundle of straight lines (parabolic beams) forms a curve of the third order, namely "hyperbolism of hyperbola" according to Newton's classification.

**Key words:** Second order curves, curves of the third order, cubic parabola, a number of second-order, bundle of the second order, hyperbolism of conic sections, the hyperbolism of the hyperbola.

**Introduction.** In the design of surfaces, especially non-linear, an important condition is to obtain its model, described by the simplest algebraic equations. This allows you to produce a component a complex surface, minimal cost and high accuracy. The line, line families belonging to the prototype are uniquely mapped on corresponding lines, on line families of the surface being constructed [3]. The study of the curve features and its properties by means of differential geometry is possible only if the curve is expressed in an analytical form, i.e. by an equation. However, in many problems of theoretical and especially of practical nature, before investigating the equation of the curve, it is necessary to make it on the basis of some data that somehow determine this curve and expressed in the problem conditions [5]. Therefore, knowing the properties of the transformation and the prototype, it is not difficult to establish the properties of the image. In this regard, research in this area is considered very relevant.

This article relates to the field of formation of third-order curves. It gives a method based on the use of an auxiliary parabola of the second degree.

Of the many third-order curves, the cubic parabola is the most widely used for modeling the technical curves in CAD because of its unambiguity. The parabola equation of the 3rd degree has the form

$$y = ax^3 + bx^2 + cx + d$$

When considering the projective method of curve formation, the concept of the order of a series of points and a beam of lines is introduced [15, 16]. The notion of a second-order series and a second-order sheaf makes it possible to define with projective method algebraic curves of higher orders and classes. Thus, in General, if two sheaves of first-order lines lie in the same plane and are projective with each

other, then the intersection points of their respective lines form a second-order curve, and similarly, if a sheaf of first-order lines and a sheaf of second-order lines lie in the same plane and are projective with each other, then the intersection points of their respective lines form a third-order curve.

In theoretical and engineering practice it is developed and proposed, taking into account the above mentioned, many ways of making the curves of the third order, where the original images are: a bundle of conic sections and projective to it pencil of lines; the points and straight lines; triangle; circle; parabola; conic sections; conic section and triangle, etc. [8,11, 12,13,14,17].

**Materials and methods.** It should be noted that for construction of the third order curve, where parabola is the original image, 28 different approaches (methods) presented [14].

In the monograph of G. S. Ivanov [8, 9, 10] "Construction of technical surfaces" it is proposed to use cubics given in the form

$$y = \frac{a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3}{b_0 + b_1x + b_2x^2}$$

and obtained by means of cremonic involutions with non-owned center.

Here the involution  $I_3$  is given by non-owned point  $F^\infty$ , the axis  $Oy$  of the reference system, and an invariant cubic decayed into a straight line  $d^1$  and a second-order curve  $d^2$  (hyperbola with asymptot or a parabola with a vertical axis) (figure 1).

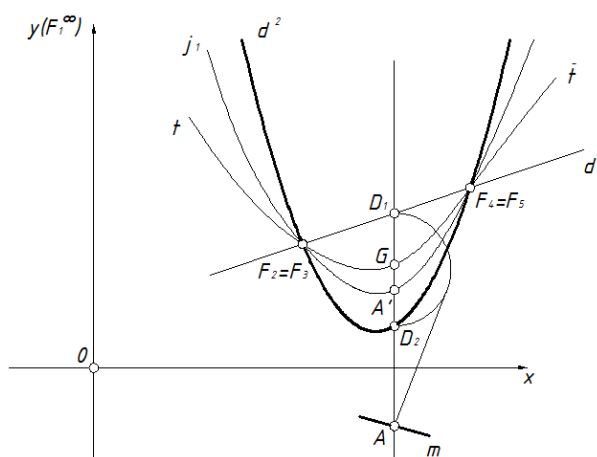


Figure 1 - Involution  $I_3$  with non-owned point

We propose an algorithm (method) for constructing a third-order curve, where the initial image is parabola. The essence of the method is that the set of points of intersection of bundle of straight lines with the center at the point P with a projective to it bundle of straight lines (parabolic rays), forms a curve of the third order.

Let us have a parabola  $y = ax^2 + bx + c$ , with a vertex at the origin,  $c = 0$ , and its focal axis coincides with the ordinate axis (figure2) [4,6,7].

The straight lines of the beam P and the straight lines of the beam L form a bundle of first-order straight lines (figure 3).

The projective correspondence of the first-order beam P with the center at p and the beam L (parabolic rays) is established using the beam F of the focal lines of this parabola.

The position of the straight line of the first-order beam P with the corresponding straight line of the beam F of the focal lines can be determined by the angular displacement  $\Delta$ .

If the straight line of the beam P of the first order is located at an angle  $\alpha$  to the abscissa axis, then the corresponding straight line of the beam F of focal straight lines is located to the abscissa axis at an angle  $\alpha + \Delta$  (figure 2).

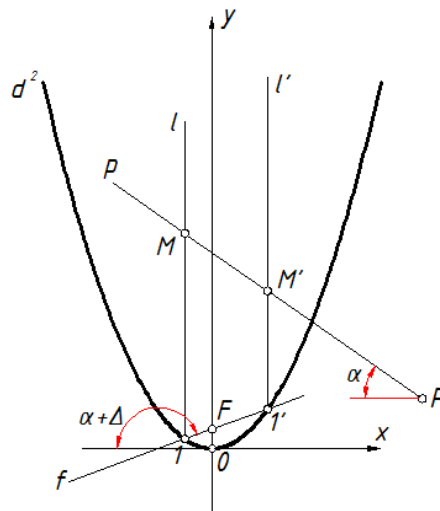


Figure 2 - Intersection points of projective lines

The focal straight line  $f$  crosses the parabola at points  $I, I'$ . Two straight lines  $l, l'$  (two parabolic rays) pass through these points. The line  $p$  intersects with these lines at points  $M, M'$ .

Each pair of straight lines  $l_i, l'_i$  of the beam  $L$  is incident to the intersection points of the focal straight line  $f_i$  with a given parabola  $d^2$ .

To each straight  $p_i$  of the beam  $(P)$  corresponds two straight  $l_i$  of the beam  $(L)$  and Vice versa, to each straight  $l_i$  of the beam  $(L)$  corresponds one straight  $p_i$  of the beam  $(P)$ .

Therefore, the correspondence between the straight of the beams  $(P)$  and  $(L)$   $[1, 2]$  - valued.

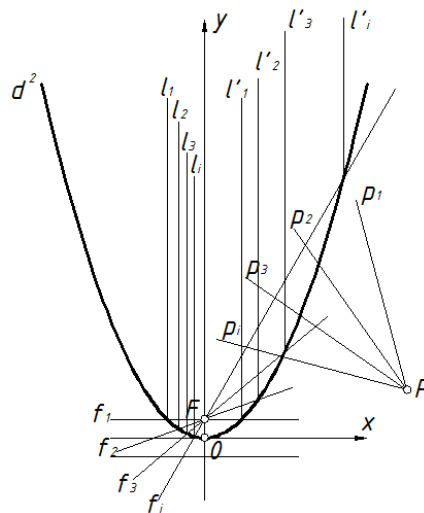


Figure 3 - Building a lot of points

The order of an algebraic curve, as a result of the intersection of the corresponding straight lines of two sheaves, is

$$1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 = 3$$

Thus, each straight line  $p_i$  of the beam  $(P)$  intersecting with two straight lines  $l_i$  of the beam  $(L)$ , located on different sides of the axis of symmetry of the parabola, gives a set of points  $M_i$ , constituting a curve of the third-order.

**Derivation of the curve equation.** We write the equation of the line passing through the focus F of the parabola

$$y = kx + t$$

here the value  $t$  is the deviation of the focus from the origin in the direction of the axis  $y$ . We calculate it from the parabola equation under the condition  $x = 2y$  (according to the geometric definition of a parabola). Then,

$$t = \frac{1 - 2b}{4a}$$

Solving the equations of the parabola and the focal line together, we determine the coordinates  $x_1, x_2$  of the points of their intersection.

Substituting the coordinates  $x_1, x_2$  in the equation of the line passing through the point P, we calculate the coordinates  $y_1, y_2$  of the points of intersection of this line with projectively corresponding to it the lines  $l_i$  of the bundle L.

The set of points  $\{x_1, y_1\}, \{x_2, y_2\}$  computed with the variable  $\alpha$  ( $0 \leq \alpha \leq 180^\circ$ ) make up a third-order curve of the type of hyperbolism of a hyperbola.

**Results and discussion.** The nature and shape of the obtained curves show that they belong to the fourth class of Newton's classifications- "hyperbolisms of conical sections".

Hyperbolism of conical section

$$yx^2 + ex = cy + d \quad (a = b = 0)$$

can be considered as a special case of a parabolic hyperbola in which the parabolic asymptote has split into two parallel lines:  $x = \pm\sqrt{c}$ . Hyperbolisms have three asymptotes:  $y = 0, x = \pm\sqrt{c}$  and a double infinitely distant point

Hyperbolisms of the conic sections are divided into three kinds [14]. Studies have found that the position of the center of the bundle (P) determines belonging to a certain genus (Fig.4, 5 – hyperbolism of the hyperbola). And the value of the parameter affects the position of the asymptotes and the shape of the curves themselves.

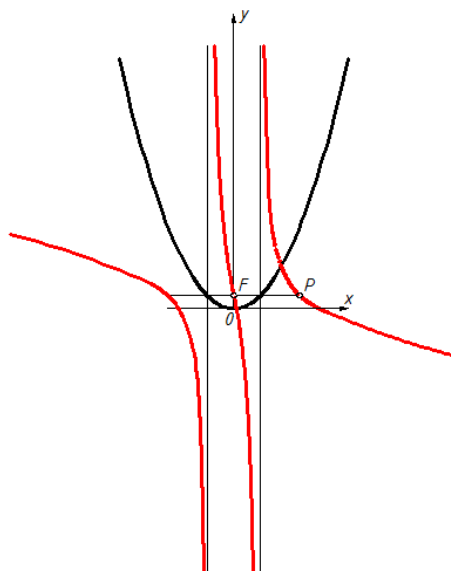


Figure 4 - The center P of the beam P is located outside the band bounded by the asymptotes



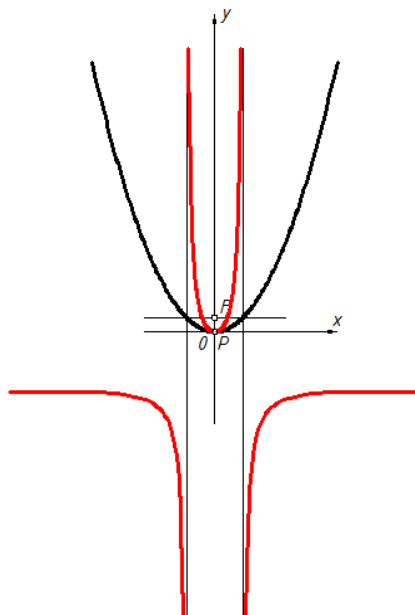


Figure 5 - The center P of the beam P is located between the asymptotes

**Conclusion.** We have developed an algorithm (method) for constructing a third-order curve, where the initial image is a parabola. In this case, the transformation results in a third-order curve belonging to the fourth class of Newton's classifications- "hyperbolisms of conical sections", namely hyperbolism of hyperbola. Studies have shown that changes in the parameter  $\Delta$  and the position of the center P of the beam P can be controlled by the shape of the resulting curve.

**Н.С. Үмбетов<sup>1</sup>, Ж.Ж. Жаңабаев<sup>1</sup>, Г.С. Иванов<sup>2</sup>**

<sup>1</sup>М. Әуезов атындағы Оңтүстік Қазақстан мемлекеттік университеті, Шымкент, Қазақстан;

<sup>2</sup>Н. Бауман атындағы Мәскеу мемлекеттік техникалық университеті, Мәскеу, Ресей

### **ГИПЕРБОЛАНЫҢ ГИПЕРБОЛИЗМІ УЛГІЛІ ҮШІНШІ ДӘРЕЖЕЛІ ҚИСЫҚТАРДЫ ҚҰРАСТЫРУ**

**Аннотация.** Көптеген инженерлік мәселелерді шешу белгілі сипаттамалары бар қисық сызықтарды салуды қажет етеді. Қисық сызықтарды тұрғызудың бір әдісі – алдын-ала белгілі қисықты көптеген белгілі геометриялық түрлендіру әдістерінің бірі арқылы жаңа қисық сызықты алу. Қисықты құрастырудың бұл әдісі ең тиімді болып табылады. Ол жаңа қисықтарды анықтауға арналған сарқылмайтын құралдарды беріп қана қоймайды, сонымен қатар жаңа қисықтың қасиеттерін түрлендірілетін қисықтың кескіні ретінде анықтауға мүмкіндік береді. Сонымен қатар, бұл әдістің ерекше маңыздылығы - түрлендірілетін кескінге жататын сызықтар тобы сәйкес сызықтарға, құрастырылатын бет сызықтарының тобына бір қалыпты кескінделеді. Ал түрлендіру әдісінің және бастапқы қисықтың қасиеттерін біле отырып, алынатын сызықтың қасиеттерін анықтау қиын емес. Беттерді, әсіресе қисық сызықты беттерді салу кезінде қарапайым алгебралық теңдеулермен сипатталған оның үлгісін алу маңызды шарт болып табылады. Бұл күрделі бетті бөлшекті құны кем де кем, және жоғары дәлдігімен жасауға мүмкіндік береді. Осыған байланысты, осы саладағы зерттеулер өте өзекті болып саналады.

Бұл мақала үшінші дәрежелі қисықтарды тұрғызу әдістеріне қатысты. Осыған байланысты, бұл мақалада екінші дәрежелі көмекші параболаны қолдануға негізделген үшінші дәрежелі қисық сызықты тұрғызу алгоритмі (әдісі) ұсынылған. Параболаны таңдаудың негізгі себебі - техникалық қисықтарды автоматтандырылған есептеу жүйелерінде модельдеуде екінші және үшінші дәрежелі көп сызықтардың арасында бірегейлік қасиетінің арқасында кеңінен қолданылатын парабола болып табылады. Бұл жерде, түрлендіру нәтижесінде Ньютонның классификациясы бойынша төртінші класқа жататын «конустық қималардың гиперболизмдері» типті үшінші дәрежелі қисық сызық пайда болады - атап айтқанда гиперболаның гиперболизмі.

Ұсынылып отырған әдістің мәні келесідей. Бізге екінші дәрежелі  $d^2$  параболасы және  $P$  нүктесінде шоғырланған  $p$  сызықтар шоғы берілген делік.  $d^2$  параболаның әрбір фокалдық сызығы осы параболаны екі нүкте арқылы қиып өтеді, ол нүктелер арқылы фокалдық оське параллель екі түзу (параболалық сәулелер)  $l, l'$  өтеді, және осы сызықтардың көптеген жұптары өзіндік емес центрмен шоқ құрайды. Центрі  $P$ ,  $p$  сызықтар шоғының оған проективті түзулер шоғымен (параболалық сәулелер)  $l, l'$  қиылысу нүктелерінің жиынтығы  $d^3$  үшінші дәрежелі қисық сызықты құрайды, және ол «гиперболаның гиперболизмы» болып табылады. Центрі  $P$  нүктесінде орналасқан бірінші дәрежелі  $p$  түзулер шоғының косарланған түзулер (параболалық сәулелер)  $l, l'$  шоғымен проективті сәйкестігі осы параболаның фокустық сызықтарының  $f$  шоғы арқылы тағайындалады. Бірінші дәрежелі  $p$  шоғы түзу сызығының оған проективті сәйкес келетін  $f$  фокалдық шоғы сызығының өз-ара орналасу жағдайы олардың бұрыштық жылжуы  $\Delta$  арқылы анықталуы мүмкін. Зерттеулер нәтижесінде  $p$  шоғының  $P$  центрінің орнын және  $\Delta$  параметрін өзгерту арқылы пайда болған қисық сызықтың пішіні басқарылатындығы анықталды. Ұсынылған әдістің аса ерекшелігі - түрлендіру нәтижесінде пайда болған сызық тек қана «гиперболаның гиперболизмы» болып табылады, және басқа қисық сызық болмайды, сондай-ақ, есептеу қисынды алгоритмдердің қарапайымдылығы автоматтандырылған есептеу жүйелерінде мұндай қисықтарды модельдеу кезінде маңызды.

**Түйін сөздер:** Екінші дәрежелі қисық сызықтар, үшінші дәрежелі қисықтар, текшелік парабола, екінші дәрежелі қатарлар, екінші дәрежелі сызықтар шқғы, конус кимасы гиперболизмдері, гиперболаның гиперболизмі.

Н.С. Умбетов<sup>1</sup>, Ж.Ж. Джанабаев<sup>1</sup>, Г.С. Иванов<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Южно-Казахстанский государственный университет им. М. Ауезова, Шымкент, Казахстан;

<sup>2</sup>Московский государственный технический университет им. Н. Баумана, Москва, Россия

#### КОНСТРУИРОВАНИЕ КРИВЫХ ТРЕТЬЕГО ПОРЯДКА ТИПА ГИПЕРБОЛИЗМ ГИПЕРБОЛЫ

**Аннотация.** Решение многих инженерных задач требует построения кривых линий с заданными характеристиками. Одним из способов образования кривых является получение новой кривой путем того или иного геометрического преобразования уже известной кривой. Этот способ образования кривых является наиболее эффективным. Он не только даёт неиссякаемые средства для определения новых кривых, но и позволяет определять свойства новой кривой как отражение свойств преобразуемой кривой. Также, этот способ особенно важен потому, что линия, семейства линий, принадлежащих преобразу, однозначно отображаются в соответствующие линии, семейства линий конструируемой поверхности. А зная свойства преобразования и преобразу, нетрудно установить свойства образа. При конструировании поверхностей, особенно нелинейчатых, важным условием является получение ее модели, описываемой простейшими алгебраическими уравнениями. Это позволяет изготовить деталь со сложной поверхностью с минимальными затратами и высокой точностью. В связи с этим, исследования в данной области считаются весьма актуальными.

Данная статья относится к области образования кривых третьего порядка. В связи с этим в данной статье предлагается алгоритм (способ) построения кривой третьего порядка, основанный на использовании вспомогательной параболы второй степени. Выбор параболы основан на том, что из множества кривых второго и третьего порядка при моделировании технических кривых в САПР наиболее широко применяется парабола из-за ее однозначности. При этом в результате преобразования получается кривая третьего порядка, относящаяся к четвертому классу по классификации Ньютона – «Гиперболизмы конических сечений», а именно гиперболизм гиперболы.

Суть способа заключается в следующем. Пусть мы имеем параболу второго порядка  $d^2$  и пучок прямых  $p$  с центром в точке  $P$ . Каждая фокальная прямая  $f$  параболы  $d^2$  пересекает эту параболу в двух точках, через которые проходят две прямые (параболических лучи)  $l, l'$  параллельно фокальной оси, а множество пар этих прямых образуют пучок с несобственным центром. Множество точек пересечения пучка прямых  $p$  с центром в точке  $P$  с проективным ему пучком прямых (параболических лучей)  $l, l'$ , образует кривую третьего порядка  $d^3$ , а именно «гиперболизм гиперболы». Проективное соответствие пучка  $p$  первого порядка с центром в точке  $P$  и пучка (параболических лучей)  $l, l'$  устанавливается с помощью пучка  $f$  фокальных прямых данной параболы. Положение прямой пучка  $p$  первого порядка с проективно соответствующей прямой пучка  $f$  фокальных прямых может определяться угловым смещением  $\Delta$ . Исследованиями установлено, что изменениями параметра  $\Delta$  и положением центра  $P$  пучка  $p$  можно управлять формой получаемой кривой. Отличительной особенностью предлагаемого способа является то, что результате преобразования получается

именно «гиперболизм гиперболы», и никакая другая кривая, а так же, простота вычислительных алгоритмов, что важно при моделировании таких кривых в САПР.

**Ключевые слова.** Кривые второго порядка, кривые третьего порядка, кубическая парабола, ряда второго порядка, пучок второго порядка, гиперболизмы конических сечений, гиперболизм гиперболы.

#### Information about authors:

Umbetov Nurlan Sagynbekovich, doctorate of technical sciences, M. Auezov South Kazakhstan State University, Shymkent, Kazakhstan; nurlanumbetov@mail.ru; <https://orcid.org/0000-0002-1540-9410>;

Dzhanabaev Zhaksylyk Zhumadilovich, Professor, doctor of pedagogy, M. Auezov South Kazakhstan State University, Shymkent, Kazakhstan; [djanabaev@mail.ru](mailto:djanabaev@mail.ru); <https://orcid.org/0000-0002-0150-9963>;

Ivanov Gennadii Sergeevich, Professor, doctor of engineering, Honored Scientist of the Russian Federation, Bauman Moscow State Technical University, Moscow, Russia; [ivanov\\_gs@rambler.ru](mailto:ivanov_gs@rambler.ru); <https://orcid.org/0000-0002-8935-9495>

#### REFERENCES

- [1] Akopyan A.V. Geometric properties of second-order curves. Moscow, MCNMO, 2007. 136 p. (in Russ.).
- [2] Aleksandrov P. S. Lectures on analytic geometry. Moscow, Nauka, 1968. 912 p. (in Russ.).
- [3] Voloshinov D.V. On solving the problem of intersection points of second-order curves. Problems of Graphic Preparation quality: Traditions and Innovations. Conference proceeding KGP-2016. Perm', 2016, pp. 121-124 (in Russ.).
- [4] Girsh A.G. Foci of Algebraic Curves. Geometry and Graphics, 2015, vol. 3, no. 3, pp. 4–17. DOI: 10.12737/14415. (in Russ.).
- [5] Grafskii O.A. Establishing the interconnection of a row and a second-order bundle. Geometry and Graphics, 2016, vol. 4, No. 2, pp. 8–18. DOI:10.12737/19828. (in Russ.).
- [6] Grafskii O.A., Ponomarchuk Yu.V., Surik V.V. Features of the properties of a parabola in its modeling. Geometry and Graphics, 2018, vol. 6, no. 2, pp. 63–77. DOI: 10.12737/article\_5b55a16b547678.01517798. (in Russ.).
- [7] Efimov N.V. Short course in analytic geometry, 13 ed. Moscow, Fizmatlit, 2005. 240 p. (in Russ.).
- [8] Ivanov G.S. Design of technical surfaces (mathematical modeling based on nonlinear transformations). Moscow, Engineering, 1987. 192 p. (in Russ.).
- [9] Ivanov G.S. Theoretical Foundations of Descriptive Geometry: Textbook. Moscow, Engineering, 1998. 158 p. (in Russ.).
- [10] Korotkii V.A. Forming of lines and surfaces based on second-order curves in computer geometric modeling. Abstract of Dr. Tech. Sci. Diss. Nizhnii Novgorod, NNSUAE Publ., 2018. 38 p. (in Russ.).
- [11] Savolov A.A. Flat curves. Systematics, Properties, Applications (Reference Guide). Moscow, Fizmatlit, 1960. 294 p. (in Russ.).
- [12] V.I. Seryogin, G.S. Ivanov, L.S. Senchenkova, I.F. Borovilov. Geometric Transformations in Descriptive Geometry & Engineering Graphics. Geometry and Graphics, 2015, vol. 3, no. 2, pp. 23–28. DOI: 10.12737/12165. (in Russ.).
- [13] Seryogin V.I., Ivanov G.S., Dmitrieva I.M., Murav'yov K.A. Interdisciplinary communication of descriptive geometry and related sections of higher mathematics. Geometry and Graphics, 2014, vol. 2, no. 3, pp. 8–13. DOI: 10.12737/2124. (in Russ.).
- [14] A.S. Smogorzhevskii i E.S. Stolova. Handbook of the theory of plane curves of the third order. Moscow, Fizmatlit, 1961. 264 p. (in Russ.).
- [15] Chetveruxin N.F. Projective geometry. Moscow, Prosveshhenie, 1969. 368 p. (in Russ.).
- [16] Gallier J. Curves and Surfaces in Geometric Modeling: Theory And Algorithms. Philadelphia, University of Pennsylvania, 2015. 492 p.
- [17] N. S. Umbetov, Zh. Zh. Dzhanabaev, G.S. Ivanov. Geometric modeling of laying geodetic lines on ruled surfaces. News of the national academy of sciences of the Republic of Kazakhstan. Series of geology and technical sciences. ISSN 2224-5278, Volume 1, Number 427 (2018), p. 111–117. <http://www.geolog-technical.kz/index.php/en/archive> <https://doi.org/10.32014/2019.2518-170X.20>
- [18] Sinchev B., Sinchev A.B., Akzhanova J., Mukhanova A.M. New methods of information search. News of the national academy of sciences of the Republic of Kazakhstan. Series of geology and technical sciences. ISSN 2224-5278, Volume 3, Number 435 (2019), p. 240–246. <http://www.geolog-technical.kz/index.php/en/archive> <https://doi.org/10.32014/2018.2519-170X.91>
- [19] Kabyzbekov K.A., Abdrakhmanova Kh.K., Omashova G.Sh., Kedelbaev B., Abekova J.A. Calculation and visualization of the electric field of a space-charged. News of the national academy of sciences of the Republic of Kazakhstan. Series of geology and technical sciences. ISSN 2224-5278, Volume 5, Number 431 (2018), p. 201–209. <http://www.geolog-technical.kz/index.php/en/archive> <https://doi.org/10.32014/2018.2518-170X.26>
- [20] A. Seitmuratov, A. Dauitbayeva, K. M. Berkimbaev, K. N. Turlugulova, E. Tulegenova. Constructed two-parameter structurally stable maps. News of the national academy of sciences of the Republic of Kazakhstan. Series of geology and technical sciences. ISSN 2224-5278, Volume 6, Number 438 (2019), p. 302–307. <http://www.geolog-technical.kz/index.php/en/archive> <https://doi.org/10.32014/2019.2518-170X.182>

## **Publication Ethics and Publication Malpractice in the journals of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan**

For information on Ethics in publishing and Ethical guidelines for journal publication see <http://www.elsevier.com/publishingethics> and <http://www.elsevier.com/journal-authors/ethics>.

Submission of an article to the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan implies that the described work has not been published previously (except in the form of an abstract or as part of a published lecture or academic thesis or as an electronic preprint, see <http://www.elsevier.com/postingpolicy>), that it is not under consideration for publication elsewhere, that its publication is approved by all authors and tacitly or explicitly by the responsible authorities where the work was carried out, and that, if accepted, it will not be published elsewhere in the same form, in English or in any other language, including electronically without the written consent of the copyright-holder. In particular, translations into English of papers already published in another language are not accepted.

No other forms of scientific misconduct are allowed, such as plagiarism, falsification, fraudulent data, incorrect interpretation of other works, incorrect citations, etc. The National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan follows the Code of Conduct of the Committee on Publication Ethics (COPE), and follows the COPE Flowcharts for Resolving Cases of Suspected Misconduct ([http://publicationethics.org/files/u2/New\\_Code.pdf](http://publicationethics.org/files/u2/New_Code.pdf)). To verify originality, your article may be checked by the Cross Check originality detection service <http://www.elsevier.com/editors/plagdetect>.

The authors are obliged to participate in peer review process and be ready to provide corrections, clarifications, retractions and apologies when needed. All authors of a paper should have significantly contributed to the research.

The reviewers should provide objective judgments and should point out relevant published works which are not yet cited. Reviewed articles should be treated confidentially. The reviewers will be chosen in such a way that there is no conflict of interests with respect to the research, the authors and/or the research funders.

The editors have complete responsibility and authority to reject or accept a paper, and they will only accept a paper when reasonably certain. They will preserve anonymity of reviewers and promote publication of corrections, clarifications, retractions and apologies when needed. The acceptance of a paper automatically implies the copyright transfer to the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan.

The Editorial Board of the National Academy of Sciences of the Republic of Kazakhstan will monitor and safeguard publishing ethics.

(Правила оформления статьи для публикации в журнале смотреть на сайтах:

[www:nauka-nanrk.kz](http://www.nauka-nanrk.kz)

<http://physics-mathematics.kz/index.php/en/archive>

**ISSN 2518-1726 (Online), ISSN 1991-346X (Print)**

Редакторы: *М. С. Ахметова, Г. Б. Халидуллаева, Д. С. Аленов*  
Верстка на компьютере *А.М. Кульгинбаевой*

Подписано в печать 05.04.2020.  
Формат 60x881/8. Бумага офсетная. Печать – ризограф.  
11 п.л. Тираж 300. Заказ 2.

---

*Национальная академия наук РК*  
*050010, Алматы, ул. Шевченко, 28, т. 272-13-18, 272-13-19*